

## Equation de droite (méthode vectorielle)

Pour déterminer l'équation cartésienne de la forme  $ax + by + c = 0$ , ( $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) d'une droite (d), puis son équation réduite de la forme  $y = mx + p$  ( $m, p \in \mathbb{R}$ ) quand on dispose d'un point  $P(x_P; y_P)$  et d'un vecteur directeur  $\vec{u}_D$  de la droite (d), on considère un point quelconque  $S(x; y)$  appartenant à la droite (d), on calcule les composantes  $(x - x_P; y - y_P)$  du vecteur  $\vec{PS}$ , puis on utilise la relation de colinéarité entre les deux vecteurs  $\vec{u}_D$  et  $\vec{PS}$  pour trouver l'équation cartésienne de la droite (d) =  $(P; \vec{u}_D)$  à partir de laquelle on peut déterminer l'équation réduite de (d).

Relation de colinéarité entre deux vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$ : Si  $\vec{u}(a; b)$  et  $\vec{v}(c; d)$ ,  $\vec{u}$  colinéaire à  $\vec{v} \Leftrightarrow ad - bc = 0$ .

En utilisant cette technique, déterminer l'équation cartésienne de la droite passant par chacun des couples (point, vecteur) donnés ci-dessous, ainsi que son équation réduite.

a) K(-2 ; -5)       $\vec{u}_D(4; -3)$        $(K, \vec{u}_D)$  ?

b) L(3 ; -4)       $\vec{u}_D(-5; 2)$        $(L, \vec{u}_D)$  ?

c) M(2 ; -3/5)       $\vec{u}_D(3; 0)$        $(M, \vec{u}_D)$  ?

d) N(-2/7 ; 3)       $\vec{u}_D(0; -5/2)$        $(N, \vec{u}_D)$  ?